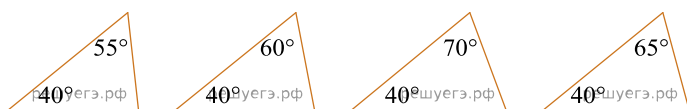


1. Укажите номер рисунка, на котором изображен равнобедренный треугольник.



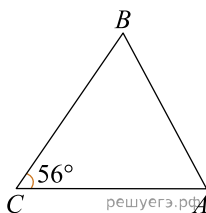
1) 2) 3) 4)



5)

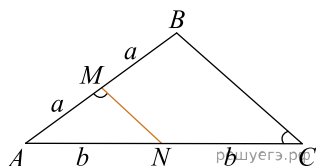
1) 1 2) 2 3) 3 4) 4 5) 5

2. Треугольник ABC — равнобедренный с основанием AB . Используя данные рисунка, найдите градусную меру угла BAC треугольника ABC .



1) 62° 2) 68° 3) 34° 4) 64° 5) 28°

3. На рисунке изображен треугольник ABC , в котором $\angle ACB = 38^\circ$, $\angle AMN = 109^\circ$. Используя данные рисунка, найдите градусную меру угла BAC .



1) 33° 2) 52° 3) 26° 4) 30° 5) 60°

4. В треугольнике ABC известно, что $\angle A = 40^\circ$, $\angle B = 100^\circ$. Укажите номер верного утверждения для сторон треугольника.

1) $AB < BC < AC$ 2) $BC < AB < AC$ 3) $AB > BC > AC$
4) $AB > AC > BC$ 5) $AB = BC < AC$

5. В прямоугольном треугольнике ABC $\angle C = 90^\circ$, CH — высота, проведенная к гипотенузе, $BH = 3\sqrt{6}$, $\angle BCH = 30^\circ$. Для начала каждого из предложений А–В подберите его окончание 1–6 так, чтобы получилось верное утверждение.

НАЧАЛО ПРЕДЛОЖЕНИЯ

- А) Длина стороны BC треугольника ABC равна ...
Б) Длина стороны AC треугольника ABC равна ...
В) Расстояние от точки пересечения биссектрис треугольника ABC до стороны AB равно ...

ОКОНЧАНИЕ ПРЕДЛОЖЕНИЯ

- 1) $6\sqrt{30}$
2) $12\sqrt{6}$
3) $6\sqrt{6}$
4) $\frac{3\sqrt{6}}{2}$
5) $9\sqrt{2} - 3\sqrt{6}$
6) $18\sqrt{2}$

Ответ запишите в виде сочетания букв и цифр, соблюдая алфавитную последовательность букв левого столбца. Помните, что некоторые данные правого столбца могут использоваться несколько раз или не использоваться вообще. Например: A1B1B4.

6. В тупоугольном треугольнике ABC ($\angle C > 90^\circ$) $BC = 4$ и длины двух других сторон являются целыми числами. Периметр треугольника ABC равен 13. Для начала каждого из предложений А–В подберите его окончание 1–6 так, чтобы получилось верное утверждение.

НАЧАЛО ПРЕДЛОЖЕНИЯ

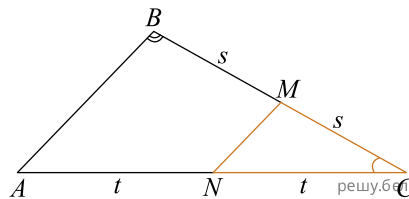
- А) Длина стороны AB треугольника ABC равна ...
- Б) Косинус угла BAC треугольника ABC равен ...
- В) Площадь треугольника ABC равна ...

ОКОНЧАНИЕ ПРЕДЛОЖЕНИЯ

- 1) $\frac{43}{48}$
- 2) 6
- 3) 5
- 4) $\frac{\sqrt{455}}{4}$
- 5) $\frac{29}{36}$
- 6) $\frac{\sqrt{455}}{2}$

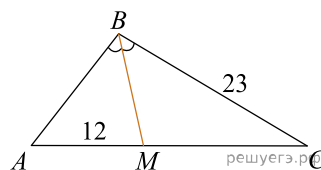
Ответ запишите в виде сочетания букв и цифр, соблюдая алфавитную последовательность букв левого столбца. Помните, что некоторые данные правого столбца могут использоваться несколько раз или не использоваться вообще. Например: A1B1B4.

7. На рисунке изображен треугольник ABC , в котором $\angle ABC = 104^\circ$, $\angle ACB = 29^\circ$. Используя данные рисунка, найдите градусную меру угла ANM четырехугольника $ABMN$.



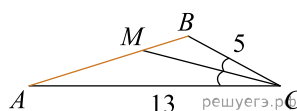
- 1) 151°
- 2) 128°
- 3) 119°
- 4) 133°
- 5) 104°

8. Дан треугольник ABC , в котором $AC = 32$. Используя данные рисунка, найдите длину стороны AB треугольника ABC .



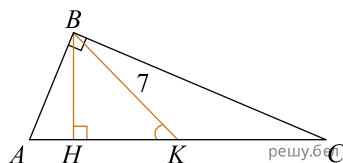
- 1) 10,2
- 2) 14,6
- 3) 13,8
- 4) 13,5
- 5) 10,4

9. Используя данные рисунка, найдите длину стороны AB треугольника ABC , если $AM - BM = 4$.



- 1) 11
- 2) 12
- 3) 13
- 4) 9
- 5) 8,5

10. В прямоугольном треугольнике ABC ($\angle ABC = 90^\circ$) BH и BK — высота и медиана соответственно, проведенные к гипотенузе (см. рис.). Найдите площадь прямоугольного треугольника ABC , если $BK = 7$, $\sin \angle BKH = \frac{5}{7}$.



11. В треугольнике ABC : $\angle C = 90^\circ$, $\angle A = 60^\circ$, $AC = 3$. Найдите длину биссектрисы, проведенной из вершины угла A к стороне BC .

- 1) $\sqrt{3}$ 2) $3\sqrt{2}$ 3) $2\sqrt{3}$ 4) $3\sqrt{3}$ 5) $2\sqrt{2}$

12. Отрезок AB пересекает плоскость α в точке O . Точка M делит отрезок AB в отношении $3 : 2$, считая от точки A . Из точек A, B, M проведены параллельные прямые, пересекающие плоскость α в точках A_1, B_1, M_1 соответственно. Найдите длину отрезка MM_1 , если $AA_1 = \sqrt{7}$, $BB_1 = 3\sqrt{7}$.

- 1) $\frac{7\sqrt{7}}{5}$ 2) $\frac{3\sqrt{7}}{2}$ 3) $2\sqrt{7}$ 4) 6 5) 5

13. Определите остроугольный треугольник, зная длины его сторон (см. табл.)

Треугольник	Длины сторон треугольника
$\triangle ABC$	8 см; 15 см; 17 см
$\triangle MNK$	4 см; 5 см; 8 см
$\triangle BDC$	3 см; 4 см; 5 см
$\triangle FBC$	7 см; 8 см; 9 см
$\triangle CDE$	5 см; 11 см; 13 см

- 1) $\triangle ABC$ 2) $\triangle MNK$ 3) $\triangle BDC$ 4) $\triangle FBC$ 5) $\triangle CDE$

14. В треугольнике ABC $\angle ACB = 90^\circ$, $AB = 8$, $\operatorname{ctg} \angle BAC = \sqrt{15}$. Найдите длину стороны CB .

- 1) 2 2) 3 3) $2\sqrt{15}$ 4) $8\sqrt{15}$ 5) $\frac{8\sqrt{15}}{15}$

15. Через вершину A прямоугольного треугольника ABC ($\angle C = 90^\circ$) проведен перпендикуляр AK к его плоскости. Найдите расстояние от точки K до прямой BC , если $AK = 2$, $AB = 4$, $BC = \sqrt{11}$.

- 1) 3 2) $2\sqrt{5}$ 3) $\sqrt{5}$ 4) $\sqrt{15}$ 5) 6

16. Высоты остроугольного равнобедренного треугольника ABC ($AB = BC$) пересекаются в точке O . Если высота $AD = 15$ и $AO = 10$, то длина стороны AC равна:

- 1) 17 2) $7\sqrt{6}$ 3) $5\sqrt{3}$ 4) $10\sqrt{3}$ 5) $5\sqrt{13}$

17. AC — общая гипотенуза прямоугольных треугольников ABC и ADC . Плоскости этих треугольников взаимно перпендикулярны. Найдите квадрат длины отрезка BD , если $AB = 9\sqrt{3}$, $BC = 9\sqrt{5}$, $AD = DC$.

18. В остроугольном треугольнике ABC проведены высоты BE и CD . Найдите длину CB , если $ED = 12$ и радиус окружности, описанной вокруг AED равен 10.

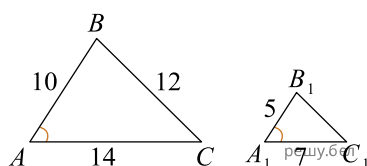
19. В прямоугольный треугольник AOB , катеты которого OA и OB ($OA > OB$) лежат соответственно на координатных осях Ox и Oy , вписана окружность радиуса 10. Найдите сумму координат точки касания окружности и гипотенузы AB , если треугольник AOB лежит в первой четверти координатной плоскости и его площадь равна 600.

20. Точка A движется по периметру треугольника KMP . Точки K_1, M_1, P_1 лежат на медианах треугольника KMP и делят их в отношении $11 : 3$, считая от вершин. По периметру треугольника $K_1M_1P_1$ движется точка B со скоростью, в пять раз большей, чем скорость точки A . Сколько раз точка B обойдет по периметру треугольник $K_1M_1P_1$ за то время, за которое точка A два раза обойдет по периметру треугольника KMP ?

21. Отрезок BD является биссектрисой треугольника ABC , в котором $\frac{BC}{AB} = \frac{1}{3}$ и $\frac{BC}{AC} = \frac{5}{12}$. По отрезку из точек B и D одновременно навстречу друг другу с постоянными и неравными скоростями начали движение два тела, которые встретились в точке пересечения биссектрис треугольника ABC и продолжили движение, не меняя направления и скорости. Первое тело достигло точки D на 1 минуту 14 секунд раньше, чем второе достигло точки B . За сколько секунд второе тело прошло весь путь от точки D до точки B ?

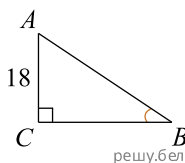
22. Радиус окружности, описанной около прямоугольного треугольника ABC ($\angle ABC = 90^\circ$), равен $18\sqrt{2}$. Найдите значение выражения $90 \cdot \cos \angle ACB$, если $BC = 6\sqrt{2}$.

23. На рисунке изображены подобные треугольники ABC и $A_1B_1C_1$. Используя данные рисунка, найдите длину стороны B_1C_1 треугольника $A_1B_1C_1$.



- 1) 4 2) 6 3) 8 4) 7 5) 9

24. Дан прямоугольный треугольник ACB ($\angle ACB = 90^\circ$), у которого $AC = 18$, $\operatorname{tg} \angle ABC = \frac{2}{3}$ (см. рис.). Найдите площадь этого прямоугольного треугольника.



25. Аппликация состоит из трёх подобных треугольников (см. рис.). Площадь наибольшего треугольника равна $121,5 \text{ см}^2$, а длины сторон каждого из расположенных выше треугольников в 1,5 раза меньше длин соответствующих сторон предыдущего треугольника. Найдите значение выражения $2 \cdot S$, где S — площадь (в см^2) всей аппликации.

